

ÉPREUVE EXTERNE COMMUNE

# CE1D 2013

**MATHÉMATIQUES**

Livret 1 | Jeudi 13 juin



NOM : \_\_\_\_\_

PRÉNOM : \_\_\_\_\_

CLASSE : \_\_\_\_\_

N° D'ORDRE : \_\_\_\_\_

... /150



## ATTENTION

Pour cette première partie :

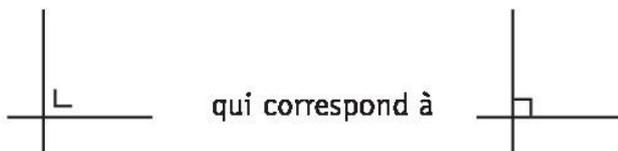
- la calculatrice est interdite ;
- tu auras besoin de ton matériel de géométrie (latte, équerre, rapporteur, compas, crayons de couleur) ;
- n'hésite pas à annoter les figures ;
- tes brouillons pourraient te rapporter des points ; ne les efface pas.

Remarques :

- Le symbole  $\times$  et le symbole  $\cdot$  sont deux notations utilisées pour la multiplication.

Exemple :  $5 \times 3$  correspond à  $5 \cdot 3$

- Pour traduire la perpendicularité sur une figure, on a utilisé le codage



## QUESTION

1

/3

► **COMPLÈTE** les suites de nombres.

→	$5 + 7$	$12 + 7$	$19 + 7$	$26 + 7$	$33 + 7$
5	12	<u>19</u>	26	33	40

$1^2 = 1$	$2^2 = 4$	$3^2 = 9$	$4^2 = 16$	$5^2 = 25$	$6^2 = 36$
1	4	9	16	<u>25</u>	36

$5 - 3$	$11 - 6$	$23 - 12$	$47 - 24$	$95 - 48$	←
2	<u>5</u>	11	23	47	95

 1

## QUESTION

2

/2

► **JUSTIFIE** que 3 n'est pas un diviseur de 1 403.

1403 n'est pas un diviseur de 3 car ce nombre ne vérifie pas le caractère de divisibilité par 3 qui précise :

« Un nombre est divisible par 3 à condition que la somme de ses chiffres forme un multiple de 3. »

Or,  $1 + 4 + 0 + 3 = 8$  et 8 n'est pas un multiple de 3.

 2

C'est la saison des châtaignes, Maxime en ramasse un grand panier.

Il estime avoir entre 150 et 200 châtaignes.

S'il les compte par 3, par 4 ou par 5, il n'en reste aucune.

► **RECHERCHE** le nombre exact de châtaignes que Maxime a ramassées.

**ÉCRIS** tout ton raisonnement et tous tes calculs.

Etant donné que le nombre de châtaignes ramassées par Maxime ne laisse pas de reste quand il les ramasse par 3, 4 ou 5, ce nombre est nécessairement un multiple commun à 3, 4 et 5.

Nous pouvons dès lors commencer par calculer le PPCM de ces trois nombres.

$$\text{PPCM}(3; 4; 5) = 3 \times 4 \times 5 = 60$$

Le nombre de châtaignes ramassées par Maxime est donc un multiple de 60 compris entre 150 et 200.

$$60\mathbb{N} = \{0, 60, 120, \underline{180}, 240, \dots\}$$

 3

Le seul multiple de 60 compris entre 150 et 200 est 180.

Nombre de châtaignes ramassées : 180

 4

► **CALCULE.**

$$40 - 5 \times 2^2 = 40 - 5 \times 4 = 40 - 20 = 20$$

 5

$$8 \times (3 - 5)^3 + 4 = 8 \times (-2)^3 + 4 = 8 \times (-8) + 4 = (-64) + 4 = -60$$

 6

$$(-3)^3 - (-2)^2 = (-27) - 4 = -31$$

 7

Les réserves d'un gisement de gaz sont de  $8\,400\,000\,000\,000\text{ m}^3$ .  
L'exploitation annuelle de ce gisement est de  $200\,000\,000\,000\text{ m}^3$ .

► **ÉCRIS** ces nombres en notation scientifique.

Réserves de gaz :  $8,4 \times 10^{12}\text{ m}^3$

Exploitation annuelle :  $2 \times 10^{11}\text{ m}^3$

 8

► **CALCULE** le nombre d'années pendant lesquelles on pourrait exploiter ce gisement au même rythme.

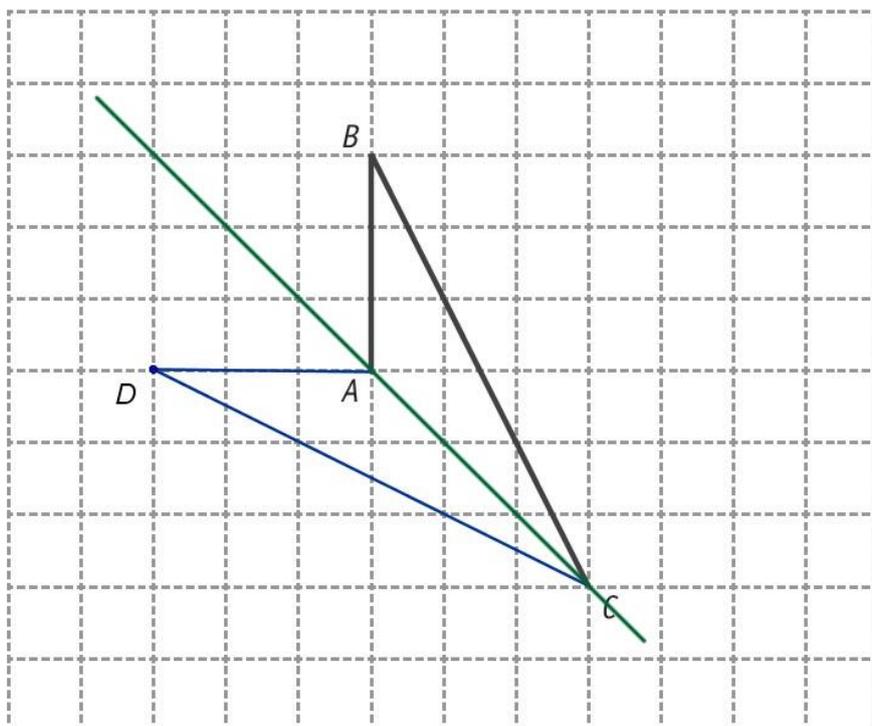
$$\frac{8,4 \times 10^{12}}{2 \times 10^{11}} = \frac{8,4 \times 10^{12-11}}{2} = \frac{8,4 \times 10}{2} = \frac{84}{2} = 42$$

 9

Ce gisement pourra encore être exploité pendant 42 ans.

Damien a commencé à tracer la figure  $ABCD$  dont la droite  $AC$  est le seul axe de symétrie.

► **TERMINE** cette figure.


 10

La bibliothèque B est située à égale distance

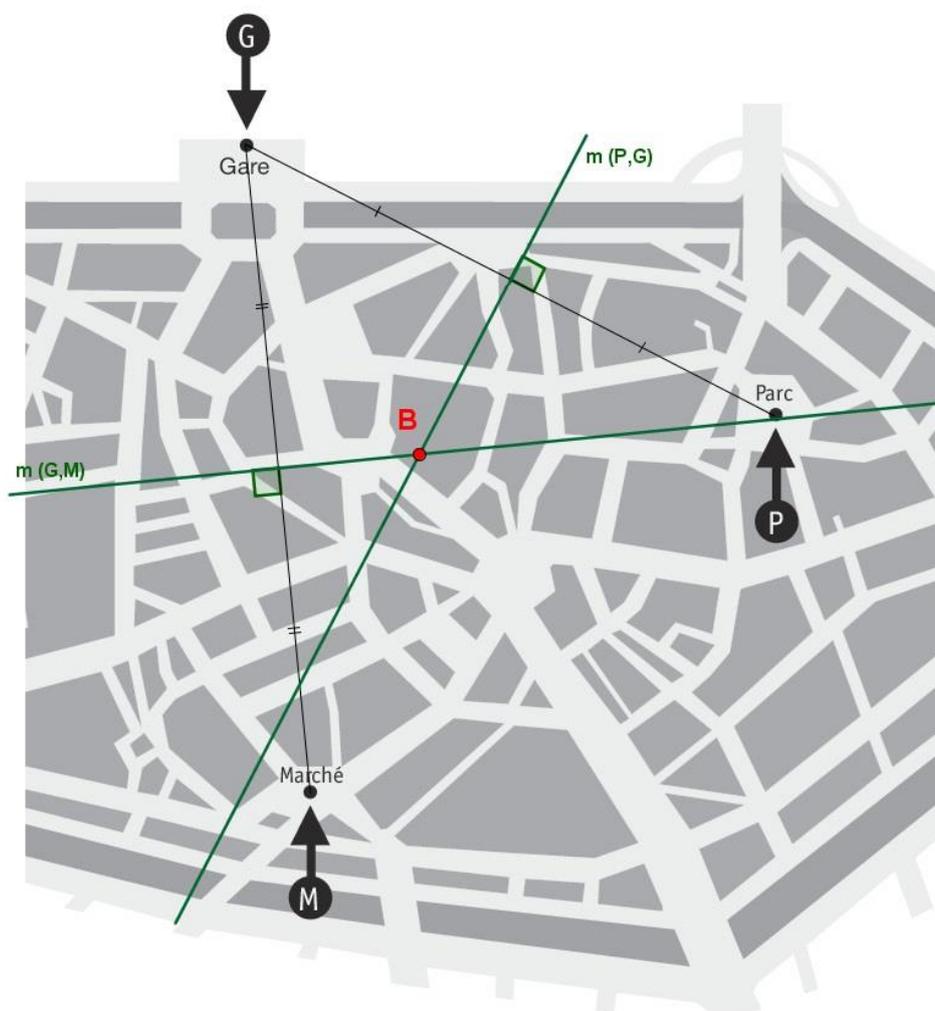
- du parc P ;
- de la gare G ;
- du marché M.

Sur le plan de la ville, les emplacements P, G et M ont été indiqués.

- **COMPLÈTE** le plan en indiquant l'emplacement de la bibliothèque B.  
**LAISSE** tes constructions visibles.

Remarque

Dans le cadre de la correction de cet exercice, les constructions ont été réalisées uniquement à l'aide de l'équerre et de la règle graduée.



□ 11

La bibliothèque étant équidistante du parc et de la gare, elle est située sur leur médiatrice  $m(P,G)$ .

Etant aussi équidistante de la gare et du marché, elle est située sur leur médiatrice  $m(G,M)$ .

La bibliothèque est donc située à l'intersection des médiatrices  $m(P,G)$  et  $m(G,M)$ .

► **CONSTRUIS** le point  $E$  pour que les triangles  $ABE$  et  $CDE$  soient isocèles.

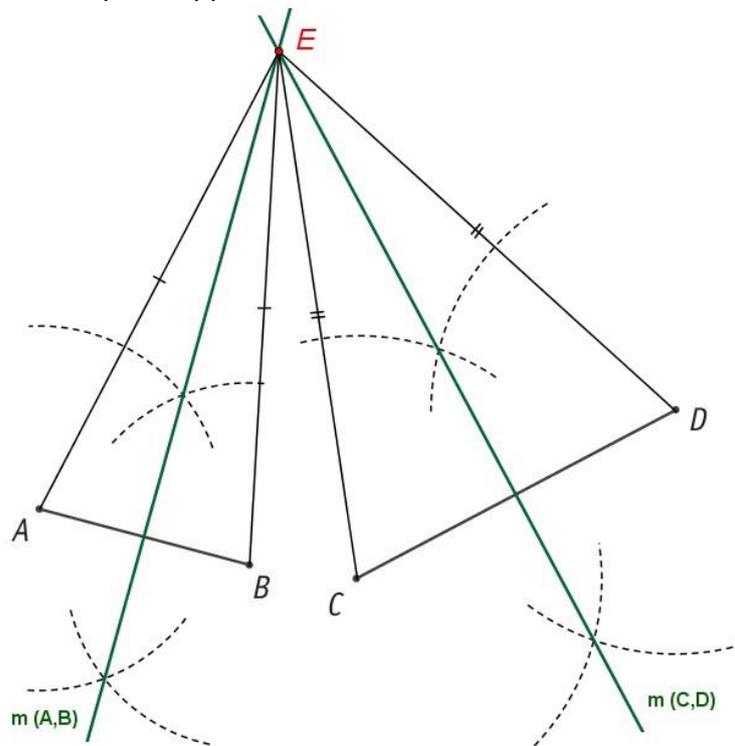
Remarque

Dans le cadre de la correction de cet exercice, la construction des médiatrices a été réalisée à l'aide du compas.

Si on considère  $[AB]$  comme étant la base du triangle isocèle  $ABE$ , le point  $E$  étant équidistant des sommets  $A$  et  $B$  du triangle, il appartient à la médiatrice du segment  $[AB]$ .

Si on considère  $[CD]$  comme étant la base du triangle isocèle  $CDE$ , le point  $E$  étant équidistant des sommets  $C$  et  $D$  du triangle, il appartient à la médiatrice du segment  $[CD]$ .

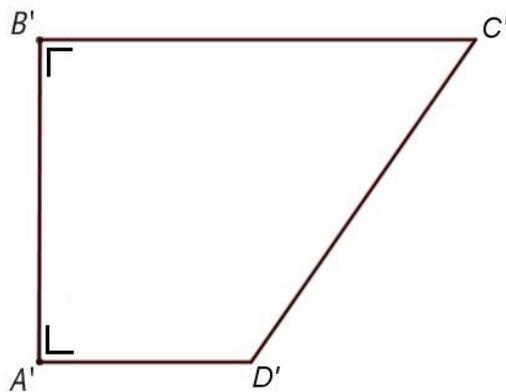
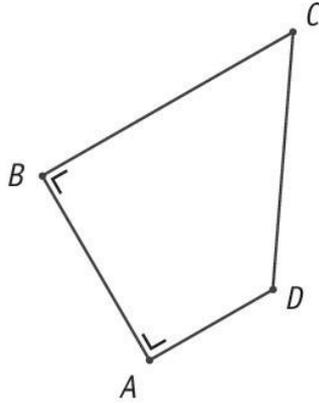
Le point  $E$  doit par conséquent appartenir à l'intersection des médiatrices  $m(A,B)$  et  $m(C,D)$ .



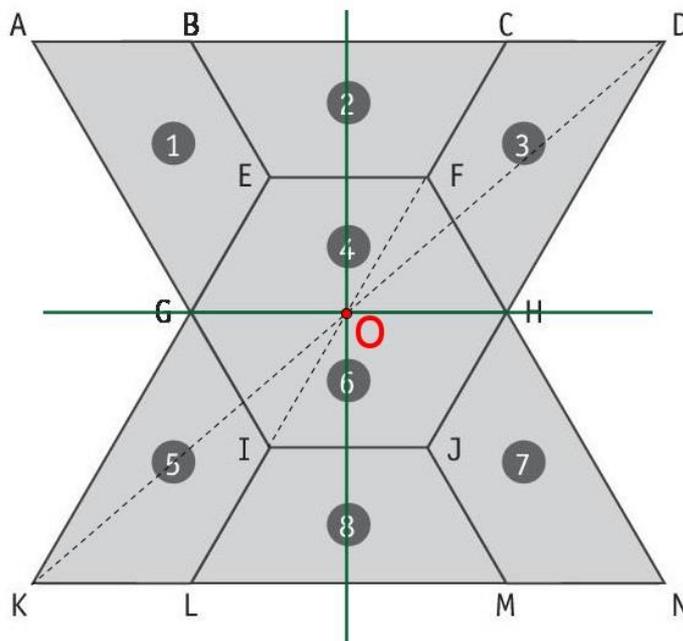
Le segment  $[A'B']$  est un agrandissement du côté  $[AB]$  du trapèze rectangle  $ABCD$ .

► **CONSTRUIS**  $A'B'C'D'$ , image de  $ABCD$  par cet agrandissement.

Coefficient d'agrandissement :  $\frac{|A'B'|}{|AB|} = 1,5$



La figure suivante est constituée de trapèzes isométriques.



► **COMPLÈTE** les phrases.

- La transformation du plan qui applique le trapèze 2 sur le trapèze 6 est une translation

\_\_\_\_\_

Élément caractéristique de cette transformation :  
le vecteur  $\vec{BG}$  ou  $(\vec{EI}, \vec{FJ}, \vec{CH}, \dots)$

14

\_\_\_\_\_

- La transformation du plan qui applique le trapèze 1 sur le trapèze 5 est une symétrie orthogonale

\_\_\_\_\_

Élément caractéristique de cette transformation :  
l'axe ou la droite GH

15

\_\_\_\_\_

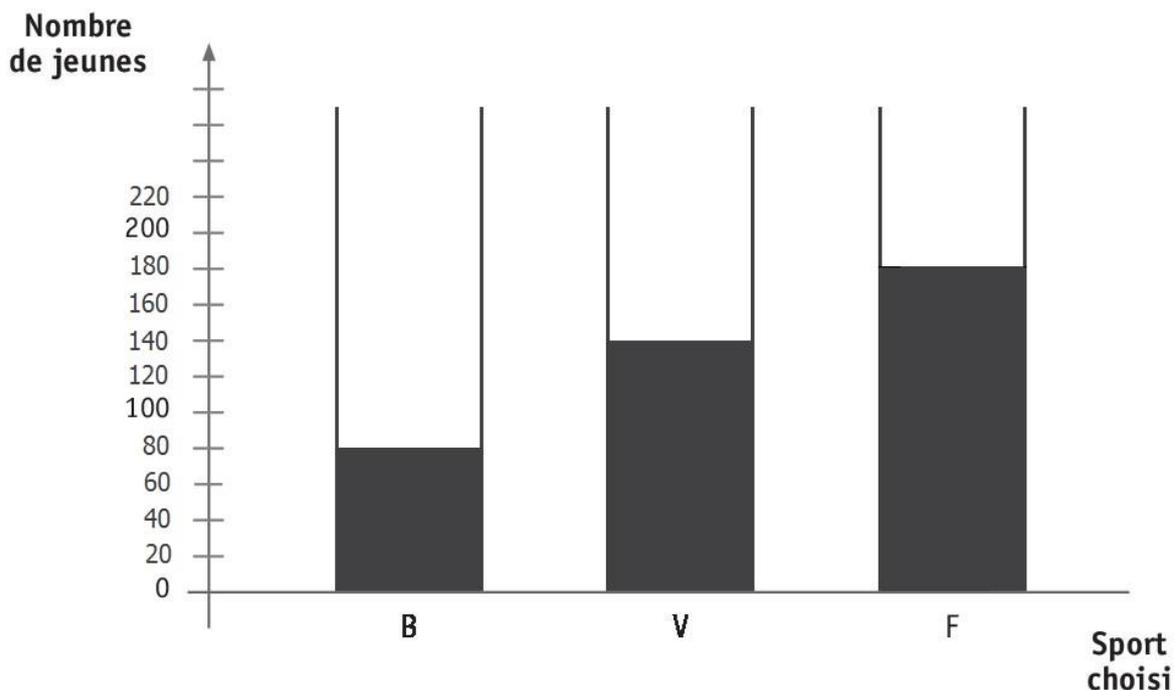
► **PLACE** le centre  $O$  de la symétrie centrale qui applique le trapèze 3 sur le trapèze 5.

16

► **TRACE** en couleur les axes de symétrie de la figure  $ADHNKG$ .

17

Les 400 jeunes inscrits à un stage sont répartis suivant le sport choisi : basketball (B), volleyball (V) et football (F).



► **CONSTRUIS** le bâtonnet qui représente le nombre de jeunes qui ont choisi le football.  18

► **JUSTIFIE** la hauteur de ce bâtonnet.

Nombre total de jeunes inscrits soit en basket soit en volleyball :  $80 + 140 = 220$

Nombre de jeunes inscrits en football :  $400 - 220 = 180$ .

19

► **DÉTERMINE** le pourcentage de jeunes qui ont choisi le volleyball.

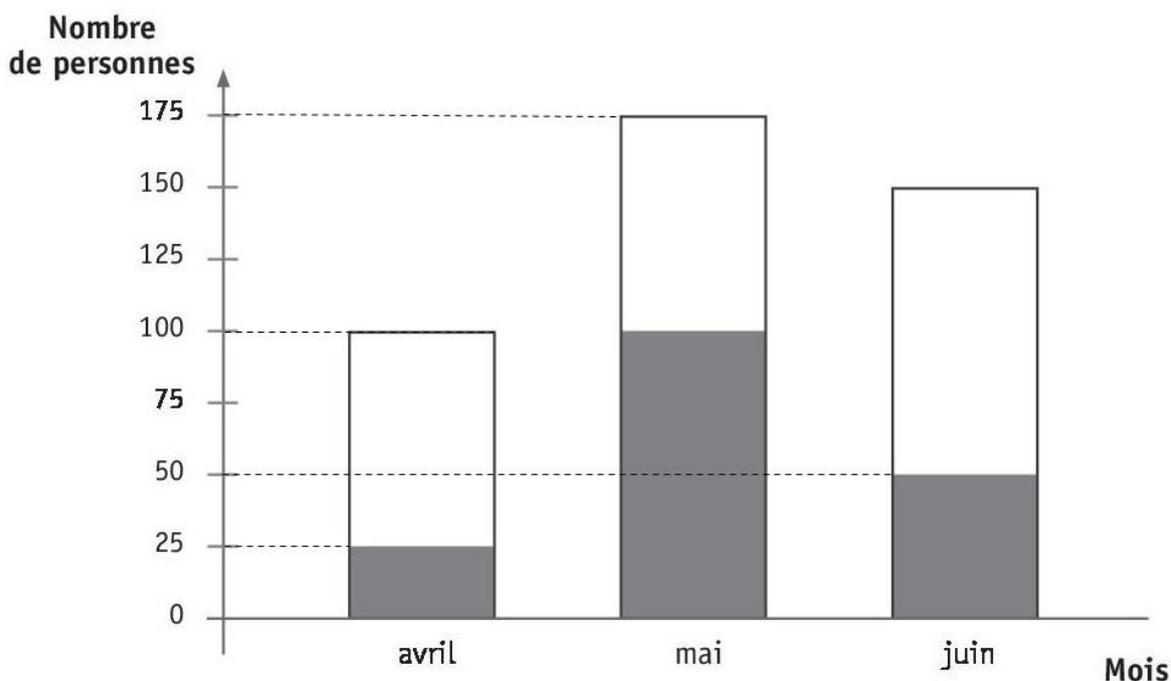
$$\frac{140}{400} = \frac{14}{40} = \frac{7}{20} = \frac{35}{100}$$

Réponse : 35 %

20

Des personnes ont donné leur avis sur une nouvelle émission de télévision. Les résultats pour les mois d'avril, mai et juin sont représentés dans le graphique ci-dessous.

La partie grisée à l'intérieur de ces rectangles indique le nombre de personnes satisfaites par l'émission.



► **ÉCRIS** le nombre de personnes interrogées en mai.

175 \_\_\_\_\_

► **ÉCRIS** le nombre de personnes satisfaites en juin.

50 \_\_\_\_\_

21

► **CALCULE** le nombre de personnes insatisfaites en avril.

$100 - 25 = 75$

22

Des vélos peuvent avoir des roues de tailles différentes.

Le tableau ci-dessous donne la distance parcourue par les vélos de trois enfants.

	Distance parcourue en cm après...					
	1 tour	2 tours	3 tours	4 tours	5 tours	6 tours
Amélie	120	240	360	480	600	720
Julien	145	290	435	580	725	870
Carlo	90	180	270	360	450	540

Les vélos de Julien et de Carlo ont effectué 5 tours de roue.

► **CALCULE** en centimètres la distance supplémentaire parcourue par le vélo de Julien.

$$725 - 450 = 275$$

Le vélo d'Amélie a effectué 3 tours de roue.

► **DÉTERMINE** le nombre de tours de roue effectués par le vélo de Carlo pour parcourir la même distance que le vélo d'Amélie.

4

23

Un sachet opaque (non transparent) contient des bonbons : 12 à l'orange, 6 à la menthe, 4 au citron et 2 à la fraise.

► **DÉTERMINE** la fréquence (chance) de prendre un bonbon au citron dans ce sachet.

Nombre total de bonbons contenus dans le sachet :  $12 + 6 + 4 + 2 = 24$

Fréquence de prendre un bonbon au citron :  $\frac{4}{24} = \frac{1}{6}$

On a une chance sur six de prendre un bonbon au citron dans ce sachet.

Malika a pris un bonbon. Elle avait une chance sur douze de prendre un bonbon de ce goût.

► **DÉTERMINE** le goût du bonbon de Malika.

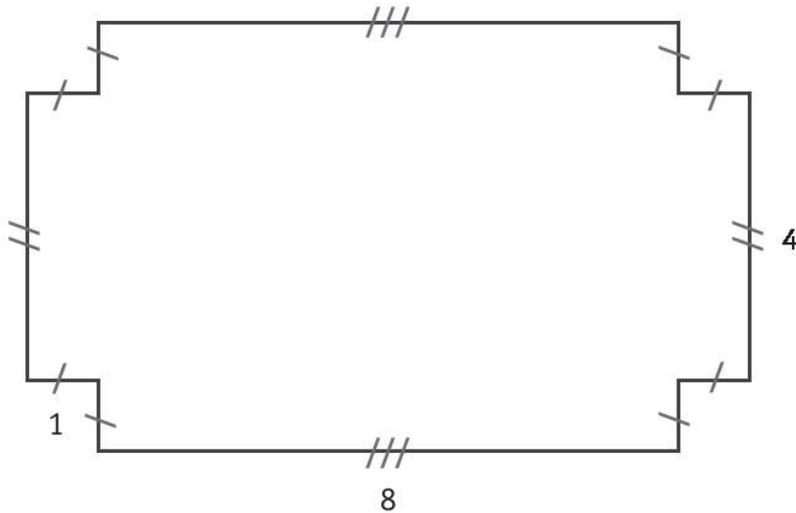
Orange	Menthe	Citron	Fraise
$\frac{12}{24} = \frac{1}{2}$	$\frac{6}{24} = \frac{1}{4}$	$\frac{4}{24} = \frac{1}{6}$	$\frac{2}{24} = \frac{1}{12}$

Malika a pris un bonbon au goût fraise.

24

25

► **CALCULE** l'aire d'un carré qui a le même périmètre que la figure ci-dessous.



► **ÉCRIS** tout ton raisonnement et tous tes calculs.

Périmètre de la figure proposée ci-dessus :

$$2 \times 8 + 2 \times 4 + 8 \times 1 = 16 + 8 + 8 = 32$$

Longueur du côté du carré ayant même périmètre que la figure proposée :

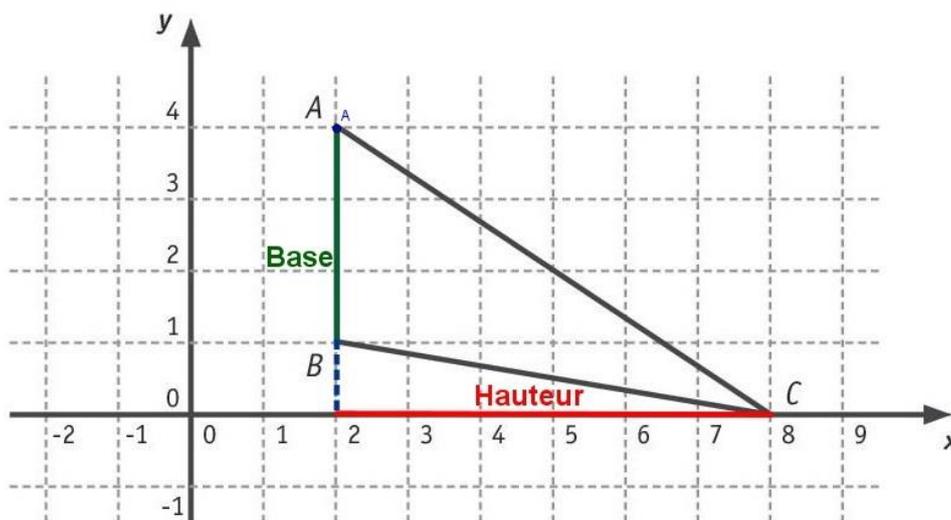
$$32 : 4 = 8$$

Aire du carré dont la longueur du côté vaut 8 :

$$8 \times 8 = 64$$

 26

 27



► **CALCULE**, sans mesurer, l'aire du triangle ABC.  
**ÉCRIS** tout ton raisonnement et tous tes calculs.

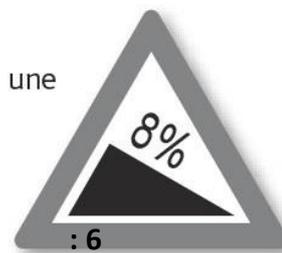
- Si la longueur d'un côté du quadrillage représente l'unité,
- la base du triangle mesure  $4 - 1 = 3$
  - la hauteur du triangle mesure  $8 - 2 = 6$

La formule de calcul de l'aire d'un triangle est :  $Aire = \frac{Base \times Hauteur}{2}$

28

L'aire du triangle ABC vaut  $\frac{3 \times 6}{2} = 9$ .

Ce panneau de signalisation indique la pente de la route.  
 Il signifie que pour une distance horizontale de 100 m, il y a une dénivellation de 8 m.



► **COMPLÈTE** le tableau de proportionnalité relatif à cette pente.

		x 7		: 6
Distance horizontale	100 m	700 m	<b>250 m</b>	1500 m 1,5 km
: 12,5				: 12,5
Dénivellation	8 m	<b>56 m</b>	20 m	<b>120 m</b>
		x 7		: 6

29

Une tempête s'est abattue sur la forêt et 25 % des arbres ont été déracinés.  
 En deux mois, les bucherons ont emporté un cinquième des arbres déracinés à la scierie.  
 Avant la tempête, il y avait 10 000 arbres dans cette forêt.  
 Combien d'arbres déracinés les bucherons doivent-ils encore emporter ?

Jean a résolu le problème et a trouvé « 32 000 arbres ».

► **JUSTIFIE**, sans calculer, pourquoi cette réponse est fausse.

D'après les calculs de Jean, il y a plus d'arbres à emporter par les bucherons à la scierie qu'il n'y en avait dans la forêt.

Cela est tout simplement impossible !

 30

Voici la résolution de Jean:

<p>Nombre d'arbres déracinés : <math>10\ 000 \times \frac{100}{25} = 40\ 000</math></p> <p>Nombre d'arbres emportés à la scierie : <math>40\ 000 \times \frac{1}{5} = 8\ 000</math></p> <p>Nombre d'arbres qui restent encore à emporter : <math>40\ 000 - 8\ 000 = 32\ 000</math></p>
--

► **ENTOURE**, dans la résolution de Jean, l'étape dans laquelle l'erreur a été commise.

 31

► **RÉSOUS** correctement ce problème.

Nombre d'arbres déracinés :  $10\ 000 \times 25\ \% = 10\ 000 \times \frac{25}{100} = 2\ 500$

Nombre d'arbres emportés à la scierie :  $2\ 500 \times \frac{1}{5} = 500$

Nombre d'arbres qui restent à emporter :  $2\ 500 - 500 = 2\ 000$

 32

► **ÉCRIS** une expression littérale (dans laquelle  $n$  représente un nombre naturel)

• d'un multiple de 9 :  $9n$

• d'un nombre impair :  $2n + 1$

 33

► **EFFECTUE** les opérations et **RÉDUIS** si possible.

$$2b - 7b + 3b = -5b + 3b = -2b$$

 34

$$4y^2 - y^3 + 2y^2 = 6y^2 - y^3$$

 35

$$5x - (4 - 3x) = 5x - 4 + 3x = 8x - 4$$

 36

$$8m \cdot 2m^2 = 16m^3$$

 37

$$(-t + 5) \cdot (-2) = 2t - 10$$

 38

$$(a - 4) \cdot (2a + 3) = 2a^2 + 3a - 8a - 12 = 2a^2 - 5a - 12$$

 39

► EFFECTUE les produits remarquables et RÉDUIS si possible.

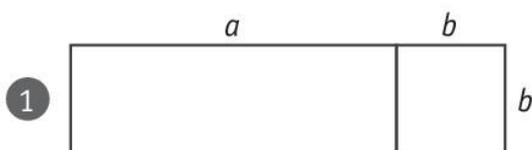
$$(3 - 4x)^2 = 3^2 - 2 \cdot 3 \cdot 4x + (4x)^2 = 9 - 24x + 16x^2$$

40

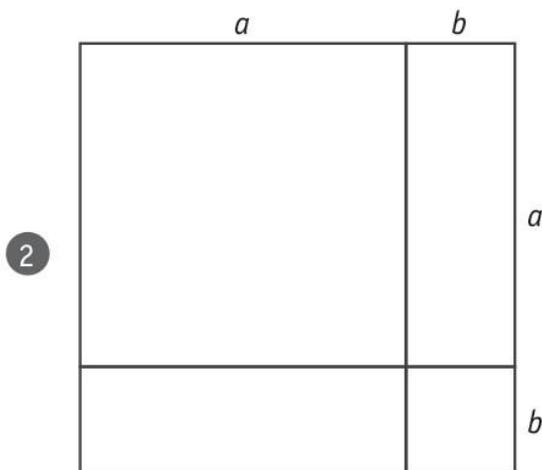
$$(2m - 5) \cdot (2m + 5) = (2m)^2 - 5^2 = 4m^2 - 25$$

41

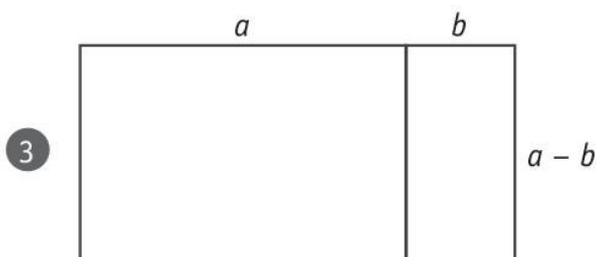
► ENTOURE pour chacune des figures l'expression de son aire.



- $a^2 + 2ab + b^2$
- $a^2 + b^2$
- $a^2 - b^2$
- $ab + b^2$



- $a^2 + 2ab + b^2$
- $a^2 + b^2$
- $a^2 - b^2$
- $ab + b^2$



- $a^2 + 2ab + b^2$
- $a^2 + b^2$
- $a^2 - b^2$
- $ab + b^2$

42

Lors d'une interrogation, Lina s'est trompée et a écrit :  $(2b)^3 = 2b^3$

► **ÉCRIS** la réponse correcte.

$$(2b)^3 = 2^3 \cdot b^3 = 8b^3$$

 43

► **JUSTIFIE** par une propriété, une règle ou une formule.

Pour élever un produit à une puissance, il suffit d'élever chacun de ses facteurs à cette puissance.

 44

$$(ab)^n = a^n \cdot b^n$$

► **RÉSOUS** les équations suivantes.

$$5 - (1 - x) - 3 = 0$$

$$5 - 1 + x - 3 = 0$$

$$1 + x = 0$$

$$1 + x - 1 = 0 - 1$$

$$x = -1$$

$$S = \{-1\}$$

$$14 - x = 3 \cdot (x + 2)$$

$$14 - x = 3x + 6$$

$$14 - x - 14 = 3x + 6 - 14$$

$$-x = 3x - 8$$

$$-x - 3x = 3x - 8 - 3x$$

$$-4x = -8$$

$$4x = 8$$

$$4x : 4 = 8 : 4$$

$$x = 2$$

$$S = \{2\}$$

$$\frac{5}{2}x - 2 = 4$$

$$\frac{5}{2}x - 2 + 2 = 4 + 2$$

$$\frac{5}{2}x = 6$$

$$\frac{5}{2}x \cdot \frac{2}{5} = 6 \cdot \frac{2}{5}$$

$$x = \frac{12}{5}$$

$$S = \left\{ \frac{12}{5} \right\}$$

 45

 46

 47

Le périmètre d'un rectangle est égal à 58 m.  
Sa longueur mesure 3 m de plus que sa largeur.

- **DÉTERMINE** la longueur et la largeur de ce rectangle.  
**ÉCRIS** tout ton raisonnement et tous tes calculs.

Pour résoudre ce genre de situation, on peut faire appel à la mise de problème en équation.

Soit  $x$ , la largeur du rectangle

$$[x = 13]$$

Soit  $x + 3$ , la longueur du rectangle

$$[x + 3 = 13 + 3 = 16]$$

$$2 \cdot x + 2 \cdot (x + 3) = 58$$

$$2 \cdot x + 2 \cdot x + 6 = 58$$

$$4 \cdot x + 6 = 58$$

$$4 \cdot x + 6 - 6 = 58 - 6$$

$$4 \cdot x = 52$$

$$x = 13$$

La largeur du rectangle vaut donc 13 m et sa longueur 16 m.

Longueur = 16 m

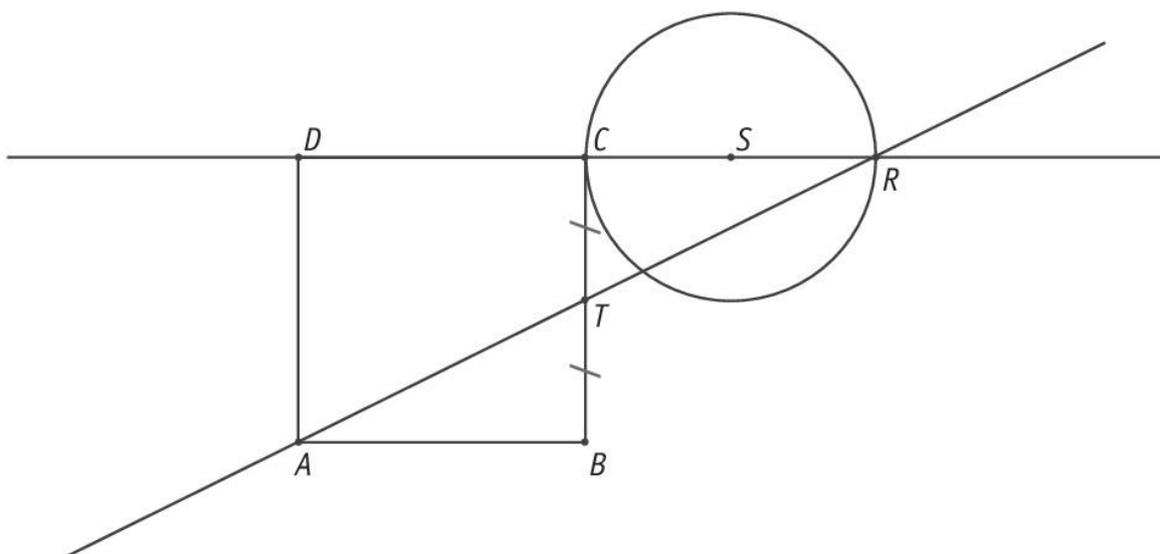
Largeur = 13 m

48

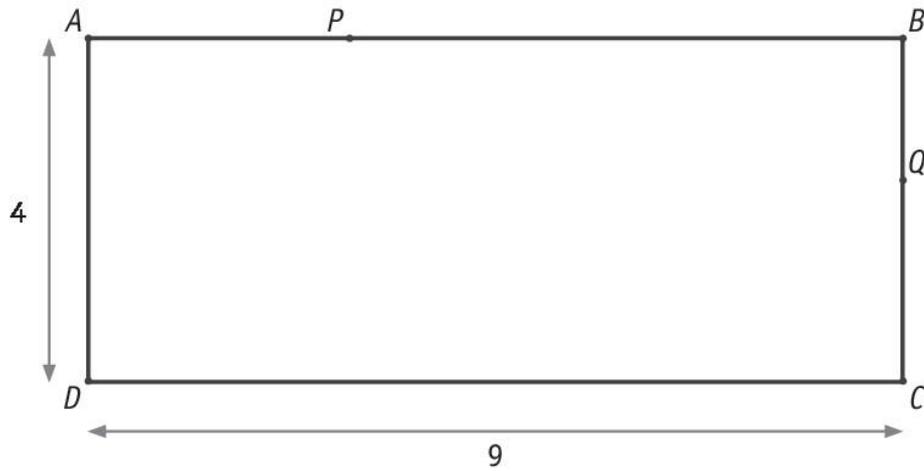
Voici le programme qui a permis la construction de la figure ci-dessous.  
Certaines étapes ont été effacées.

► RÉÉCRIS-LES.

- 1) Trace le carré  $ABCD$  de 4 cm de côté.
- 2) Marque le point  $T$ , milieu du côté  $[BC]$ .  49
- 3) Trace les droites  $AT$  et  $DC$ .
- 4) Détermine le point  $R$ , intersection des droites  $AT$  et  $DC$ .
- 5) Détermine le point  $S$ , milieu du segment  $[CR]$ .
- 6) Construis le cercle de centre  $S$  et de rayon  $|SR|$ .  50



Le rectangle  $ABCD$  ci-dessous n'est pas à l'échelle.



► **COMPLÈTE** les phrases par un nombre.

- La distance du point  $Q$  à la droite  $AD$  égale 9 \_\_\_\_\_
- La distance du point  $P$  à la droite  $AB$  égale 0 \_\_\_\_\_
- La distance entre la droite  $AD$  et la droite  $BC$  égale 9 \_\_\_\_\_

51

ÉPREUVE EXTERNE COMMUNE

# CE1D 2013

**MATHÉMATIQUES**

Livret 2 | Jeudi 13 juin



NOM : \_\_\_\_\_

PRÉNOM : \_\_\_\_\_

CLASSE : \_\_\_\_\_

N° D'ORDRE : \_\_\_\_\_

## ATTENTION

Pour cette seconde partie :

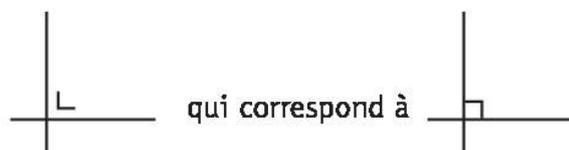
- la calculatrice est autorisée ;
- tu auras besoin de ton matériel de géométrie (latte, équerre, rapporteur, compas, crayons de couleur) ;
- n'hésite pas à annoter les figures ;
- tes brouillons pourraient te rapporter des points ; ne les efface pas.

Remarques :

- Le symbole  $\times$  et le symbole  $\cdot$  sont deux notations utilisées pour la multiplication.

Exemple :  $5 \times 3$  correspond à  $5 \cdot 3$

- Pour traduire la perpendicularité sur une figure, on a utilisé le codage



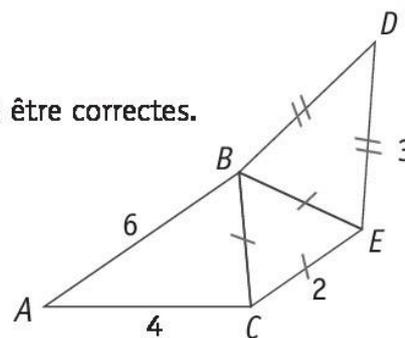
- Pour écrire les coordonnées d'un point, on a utilisé le codage  $(... ; ...)$  qui correspond à  $(... , ...)$ .

La figure ci-contre n'est pas à l'échelle.

Luc affirme que les dimensions indiquées ne peuvent pas être correctes.

► **JUSTIFIE** son affirmation.

En effet, le théorème de l'inégalité triangulaire précise : « Dans un triangle la mesure de la longueur d'un côté est strictement inférieure à la somme des mesures des longueurs de ses deux autres côtés. »



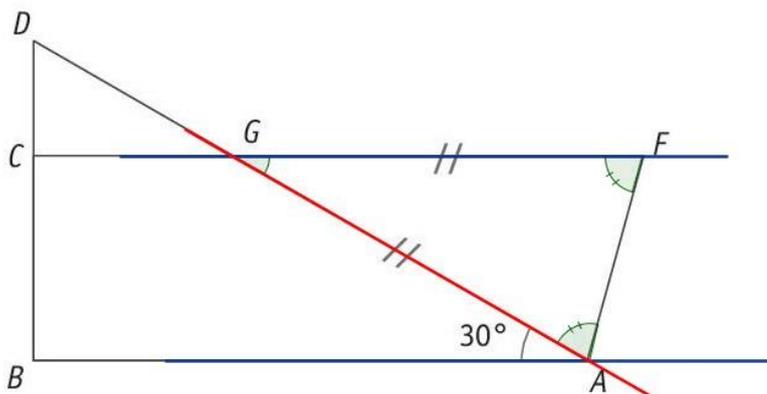
Sur la figure présentée, on observe que dans le triangle  $BAC$ ,  $\widehat{AB} = \widehat{AC} + \widehat{BC}$ .

Du fait de l'égalité, les points A, B et C ne peuvent être qu'alignés et ne constituent donc pas les sommets d'un triangle.

52

Le triangle  $ABD$  est rectangle en  $B$ .

Les droites  $CF$  et  $BA$  sont parallèles.



► **DÉTERMINE**, sans mesurer, l'amplitude de l'angle  $\widehat{FAG}$ .

**ÉCRIS** tout ton raisonnement et tous tes calculs.

L'angle  $\widehat{BAG}$  et l'angle  $\widehat{AGF}$  ont même amplitude car ce sont deux alternes-internes déterminés par deux parallèles coupées par une sécante.

$$\text{Ainsi : } \text{ampl } \widehat{AGF} = \text{ampl } \widehat{BAG} = 30^\circ$$

La somme des amplitudes des angles d'un triangle vaut  $180^\circ$ .

$$\text{Dans le triangle } AFG : \text{ampl } \widehat{FAG} + \text{ampl } \widehat{AFG} = 180^\circ - \text{ampl } \widehat{AGF} = 180^\circ - 30^\circ = 150^\circ$$

Le triangle AGF étant isocèle, ses angles à la base ont même amplitude.

$$\text{Ainsi : } \text{ampl } \widehat{FAG} = \text{ampl } \widehat{AFG} = 150^\circ : 2 = 75^\circ$$

L'amplitude de l'angle  $\widehat{FAG} = 75^\circ$

53

54

Marina souhaite peindre les murs de sa chambre.

L'aire totale des murs est de  $36 \text{ m}^2$ .

Un litre de peinture permet de couvrir  $4 \text{ m}^2$ .

Un pot de 3 litres de peinture coute 45 €.

► **CALCULE** le montant à payer pour peindre les murs de la chambre.

**ÉCRIS** tout ton raisonnement et tous tes calculs.

Quantité de peinture nécessaire (en litre) pour peindre la chambre de Marina :

$$36 : 4 = 9$$

Nombre de pots de peinture nécessaires pour ce travail :

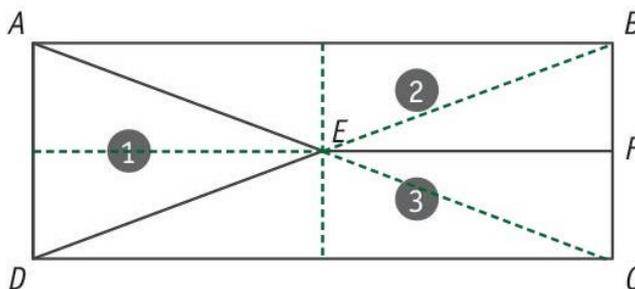
$$9 : 3 = 3$$

Montant à payer (en euros) pour peindre les murs de la chambre de Marina :

$$3 \times 45 = 135$$

 55

Montant à payer : 135 €

 56


$E$  est le centre du rectangle  $ABCD$  et  $F$  est le milieu du segment  $[BC]$

► **ÉCRIS** le rapport entre l'aire de la partie ① et l'aire du rectangle  $ABCD$  :  $\frac{1}{4}$

 57

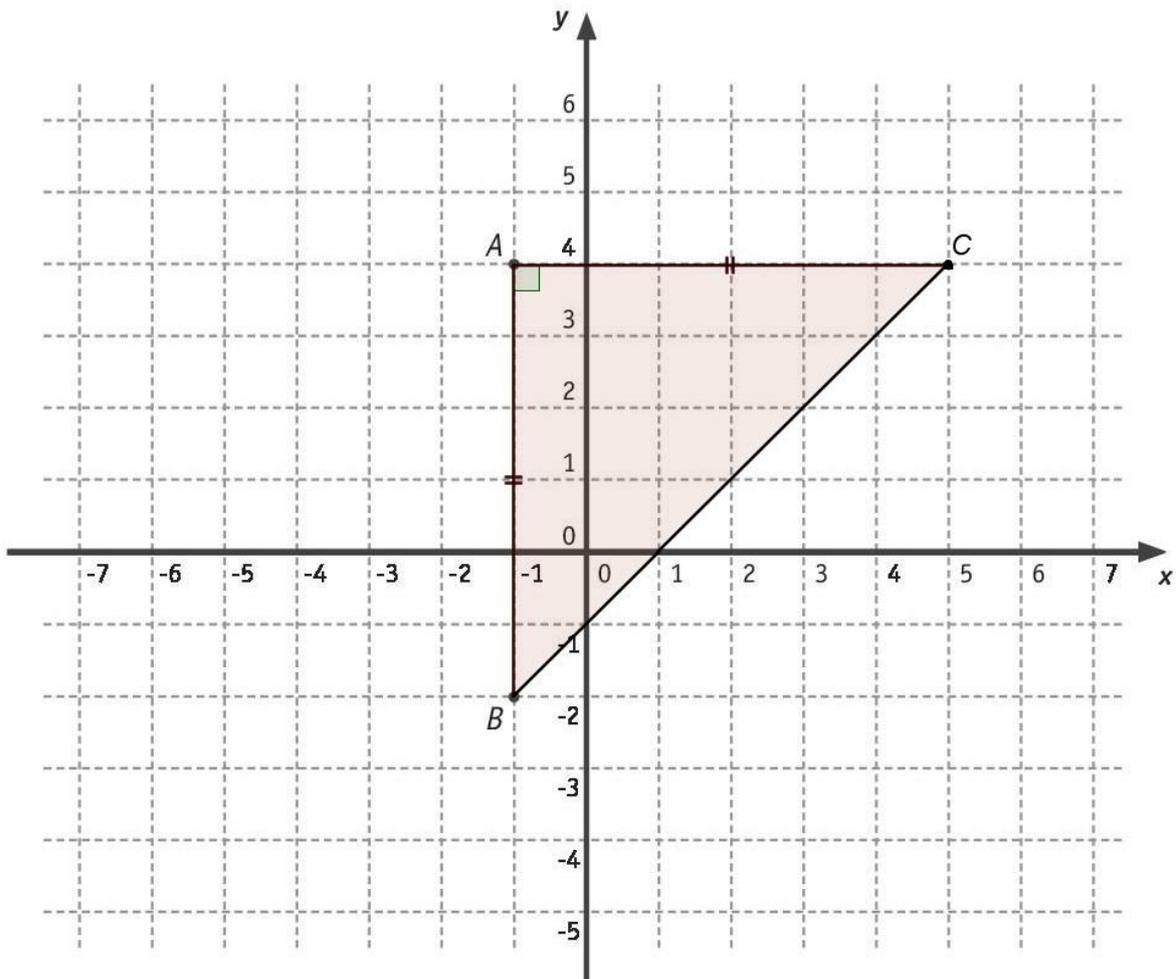
► **ENTOURE** le rapport entre l'aire de la partie ② et l'aire de la partie ①.

$$\frac{1}{3}$$

$$\frac{2}{3}$$

$$\frac{3}{2}$$

2



- **ÉCRIS** les coordonnées du point  $B$ .

Coordonnées de  $B$  : ( -1 ; -2 )

58

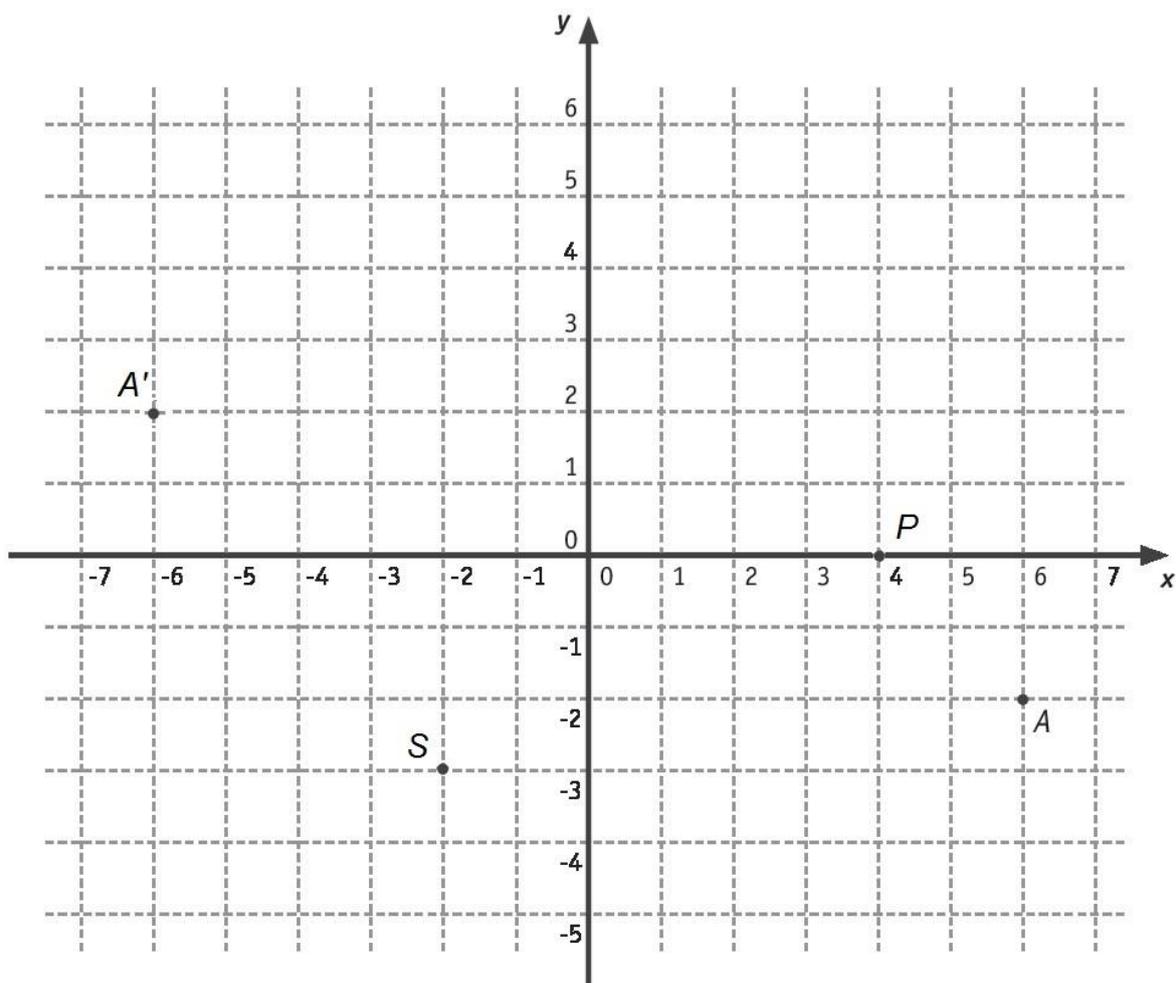
- **TRACE** le triangle  $ABC$  isocèle et rectangle en  $A$  tel que l'abscisse du point  $C$  soit positive.

59

- **ÉCRIS** les coordonnées du point  $C$ .

Coordonnées de  $C$  : ( 5 ; 4 )

60



► **SITUE** le point  $P$  de coordonnées  $(4 ; 0)$ .

► **SITUE** le point  $S$  de coordonnées  $(-2 ; -3)$ .

► **ÉCRIS** les coordonnées du point  $A$ .

Coordonnées de  $A$  : ( 6 ; -2 )

► **ÉCRIS** les coordonnées de  $A'$ , image du point  $A$  par la symétrie centrale de centre  $O$ .

Coordonnées de  $A'$  : ( -6 ; 2 )

► **ÉCRIS** les coordonnées de  $B'$ , image du point  $B (-124 ; -216)$  par la symétrie centrale de centre  $O$ .

Coordonnées de  $B'$  : ( 124 ; 216 )

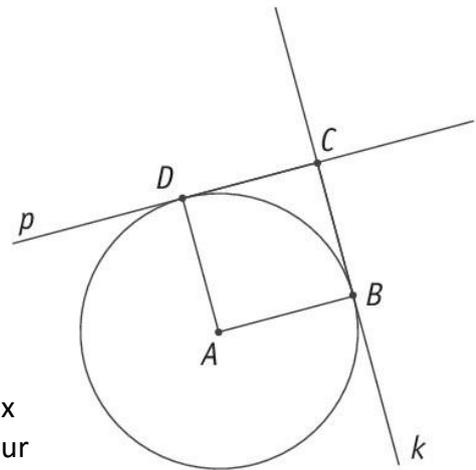
 61

 62

Le rayon  $[AB]$  est perpendiculaire au rayon  $[AD]$ .  
 La droite  $p$  est perpendiculaire à  $[AD]$  en  $D$ .  
 La droite  $k$  est perpendiculaire à  $[AB]$  en  $B$ .

► **PRÉCISE** la nature du quadrilatère  $ABCD$ .  
 Le quadrilatère  $ABCD$  est un carré.

► **JUSTIFIE** ta réponse.  
 Un quadrilatère qui compte trois angles droits et deux côtés consécutifs (rayons du cercle) de même longueur est nécessairement un carré.

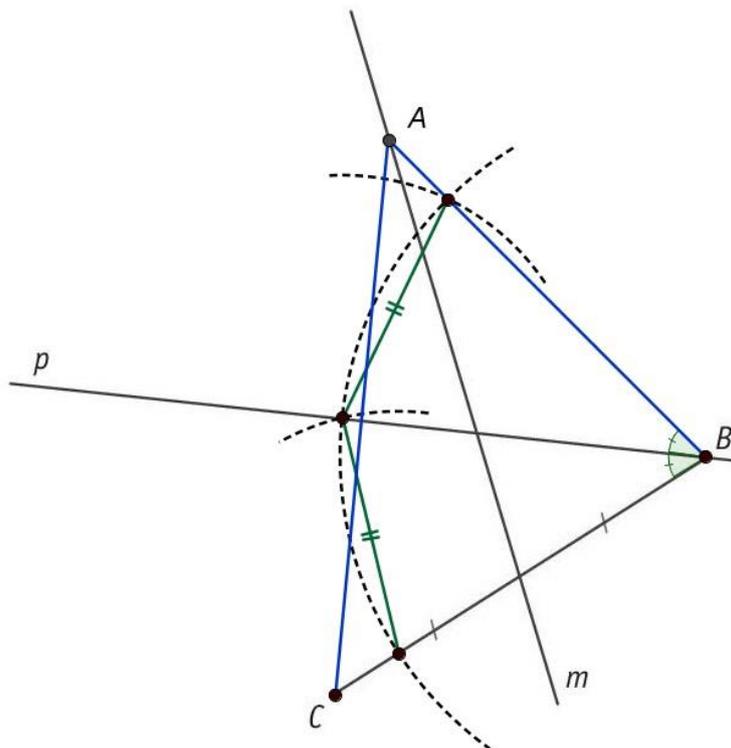


63

64

► **CONSTRUIS** le sommet  $A$  du triangle  $ABC$  si :

- la droite  $p$  est la bissectrice de l'angle  $\widehat{ABC}$  ;
- la droite  $m$  est la médiane relative au côté  $[BC]$ .



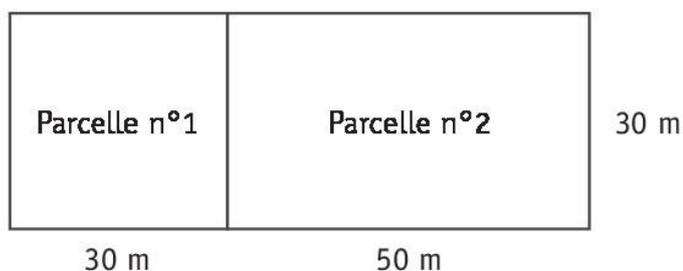
65

► **CALCULE** si  $xy = 3$ .

$$4 \cdot xy \cdot (-2) = -8 \cdot xy = -8 \cdot 3 = -24$$

 66

$$2x \cdot 5y = 10 \cdot xy = 10 \cdot 3 = 30$$

 67


Un propriétaire possède un terrain à bâtir divisé en deux parcelles.  
Il vend la parcelle n°1 (carrée) pour 75 600 €.

► **DÉTERMINE** le prix de vente de la parcelle n°2 (rectangulaire) si le propriétaire souhaite la vendre au même prix du mètre carré.  
**ÉCRIS** tout ton raisonnement et tous tes calculs.

$$\text{Aire de la parcelle n°1} \rightarrow 1\text{m}^2 \times 30 \times 30 = 900 \text{ m}^2$$

$$\text{Prix de vente au m}^2 \text{ de la parcelle n°1} \rightarrow 75600 \text{ €} : 900 = 84 \text{ €}$$

$$\text{Aire de la parcelle n°2} \rightarrow 1\text{m}^2 \times 50 \times 30 = 1500 \text{ m}^2$$

$$\text{Prix de vente de la parcelle n°2} \rightarrow 1500 \times 84 \text{ €} = 126000 \text{ €}$$

 68

 69

Le prix de la parcelle n°2 est 126000 €

► **CALCULE** au centième près.

$$\frac{105,3 + 92,9}{2,5^2 \cdot 18,3} = \frac{198,2}{6,25 \times 18,3} = \frac{198,2}{114,375} = 1,73$$

 70

Quatre adolescents ont participé à un concours.

Leur score moyen s'élève à 70.

Malheureusement, un des scores a été mal recopié : on a noté 79 pour un adolescent qui, en réalité, avait obtenu 75.

► **ENTOURE** le score moyen des adolescents après correction.

66    **69**    70    71    74

 71

► **ÉCRIS** tout ton raisonnement et tous tes calculs.

Surplus de points comptabilisé pour les quatre adolescents :

$$79 - 75 = 4$$

 72

Surplus de points répercuté sur le score moyen :

$$4 : 4 = 1$$

Score moyen après correction :

$$70 - 1 = 69$$

Pour une alimentation équilibrée d'un adulte, on recommande un apport énergétique de

- 15 % de protéines ;
- 30 % de lipides ;
- 55 % de glucides.

Diagramme n° 1

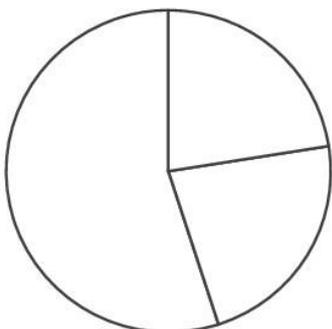


Diagramme n° 2

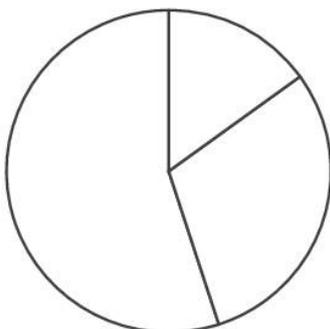
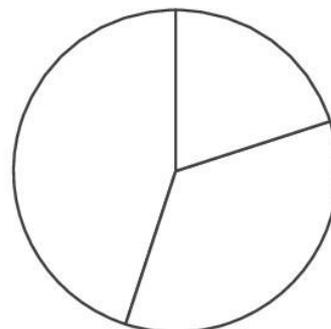


Diagramme n° 3



Sans instrument de mesure,

► **ENTOURE** le numéro du diagramme circulaire qui représente cette répartition.

1

2

3

 73

► **JUSTIFIE** pourquoi les deux autres diagrammes ne représentent pas cette répartition.

a) le diagramme n° 1 car

deux secteurs du diagramme ont même aire.

Le diagramme ne correspond pas de fait aux données numériques.

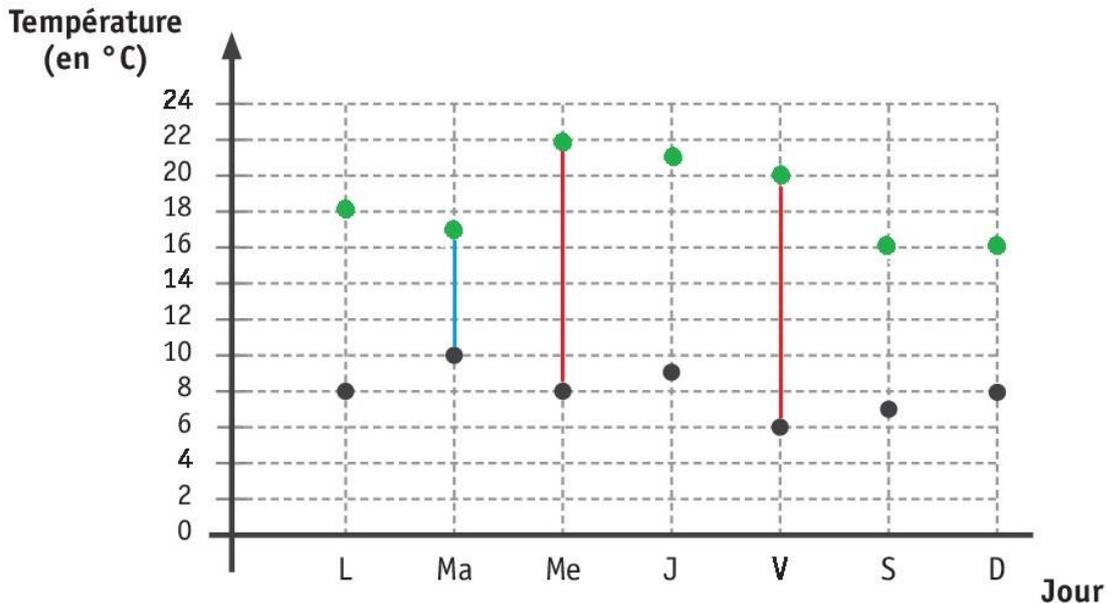
b) le diagramme n° 3 car

aucun secteur du diagramme ne dépasse la moitié de l'aire totale du diagramme.

Le diagramme ne correspond pas au fait que les glucides représentent plus de la moitié (55 %) de l'apport énergétique.

 74

Jean a relevé la température sur sa terrasse chaque jour d'une semaine, à 8h30 et à 14h. Le graphique représente les températures relevées par Jean à 8h30.



Le tableau indique les températures relevées à 14h.

Jour	Température à 14h (en °C)
Lundi	18
Mardi	17
Mercredi	22
Jeudi	21
Vendredi	20
Samedi	16
Dimanche	16

- **ÉCRIS** la température relevée le jeudi à 8h30 : 9 °C  75
- **COMPLÈTE** le graphique en représentant par des points les températures relevées à 14h.  76
- **ÉCRIS** le jour de la semaine pour lequel la différence entre les températures à 8h30 et à 14h est la plus petite : mardi  77
- **ÉCRIS** les deux jours de la semaine pour lesquels la différence de température entre 8h30 et 14h est la même : mercredi et vendredi
- **CALCULE** la moyenne, arrondie au dixième près, des températures relevées à 14h.  78

$$\frac{18+17+22+21+20+16+16}{7} = \frac{130}{7} = 18,5 \text{ (au dixième par défaut)}$$

ou 18,6 (au dixième le plus proche)

Les figures suivantes sont à l'échelle.

Figure n° 1

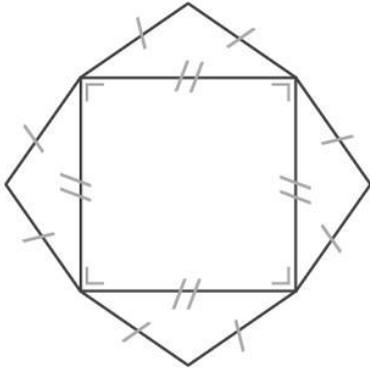


Figure n° 2

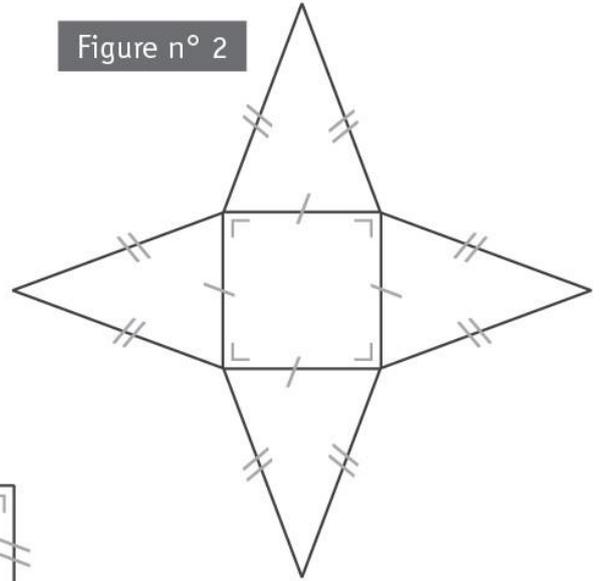


Figure n° 3

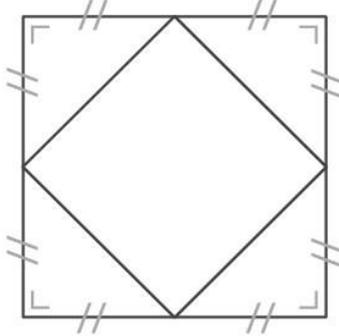


Figure n° 4

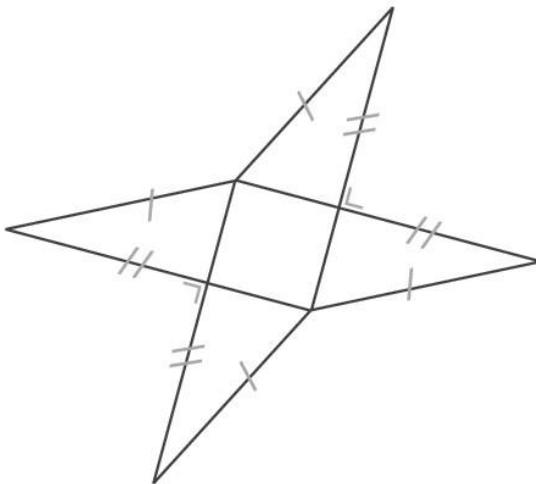
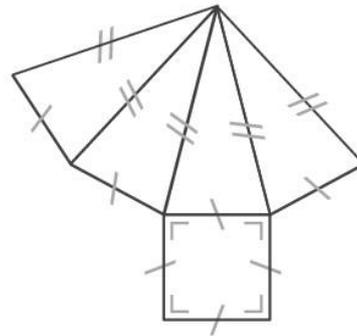


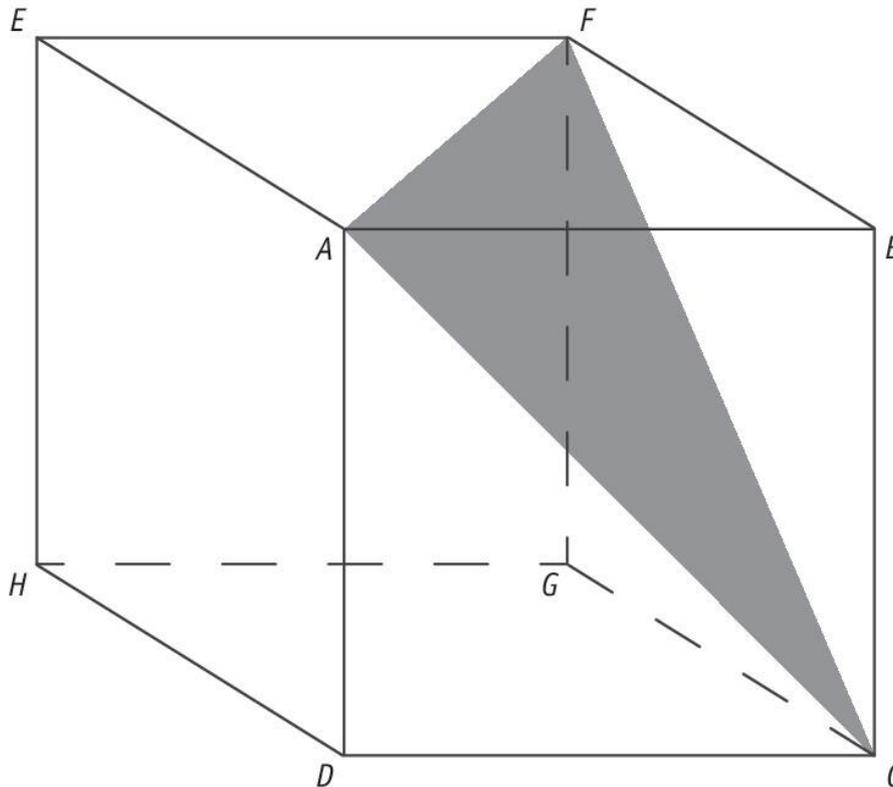
Figure n° 5



► **ÉCRIS** les numéros des deux figures qui représentent un développement d'une pyramide à base carrée.

Réponse : figures n° 2 et n° 5

Voici un cube.



► **ENTOURE** la caractéristique relative aux côtés du triangle  $AFC$ .

Scalène

Isocèle

**Équilatéral**

80

► **JUSTIFIE** ton choix.

Les trois côtés du triangle sont des diagonales des faces du cube.

Les diagonales des faces d'un même cube étant isométriques, le triangle a donc tous ses côtés isométriques. Il est donc équilatéral.

81



**Fédération Wallonie-Bruxelles / Ministère  
Administration générale de l'Enseignement et de la Recherche scientifique**

Éditeur responsable : Jean-Pierre HUBIN, Administrateur général  
Boulevard du Jardin Botanique, 20-22 – 1000 Bruxelles

La « Fédération Wallonie-Bruxelles » est l'appellation désignant usuellement la « Communauté française » visée à l'article 2 de la Constitution